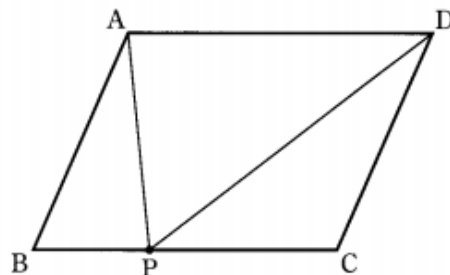


右の図1で、四角形ABCDは、 $\angle ABC$ が鋭角の平行四辺形である。

点Pは辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点P、頂点Dと点Pをそれぞれ結ぶ。次の各問に答えよ。

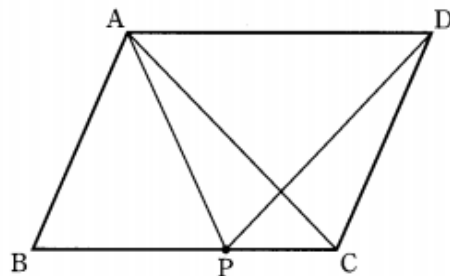


〔問1〕 図1において、 $\angle ABC = 75^\circ$ 、 $\triangle ABP$ の内角である $\angle BAP$ の大きさを $a^\circ$ とするとき、 $\triangle APD$ の内角である $\angle PAD$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

(105 - a) 度

〔問2〕 右の図2は、図1において、頂点Aと頂点Cを結んだとき、 $AC > AB$ となる場合を表している。

図2において、 $AB = AP$ のとき、次の①、②に答えよ。



①  $\triangle APD \cong \triangle DCA$ であることを証明せよ。

② 対角線ACと線分DPとの交点をQとした場合を考える。  
 $AB = 3\text{ cm}$ 、 $BC = 6\text{ cm}$ 、 $BP = 4\text{ cm}$ のとき、 $\triangle AQD$ の面積は何 $\text{cm}^2$ か。  
 ただし、答えに根号が含まれるときは、根号を付けたままで表せ。

- ①  $\triangle APD$ と $\triangle DCA$ において、  
 共通な辺だから、 $AD = DA$  ..... (1)  
 仮定から、 $AP = AB$   
 四角形ABCDは平行四辺形だから、 $AB = DC$   
 よって、 $AP = DC$  ..... (2)  
 平行線の錯角は等しいから、 $\angle PAD = \angle APB$   
 $\triangle ABP$ は二等辺三角形だから、 $\angle APB = \angle ABP$   
 四角形ABCDは平行四辺形だから、 $\angle ABP = \angle CDA$   
 よって、 $\angle PAD = \angle CDA$  ..... (3)  
 (1)~(3)より、2辺とその間の角がそれぞれ等しいから、  
 $\triangle APD \cong \triangle DCA$

②  $\frac{9\sqrt{5}}{4} \text{ cm}^2$